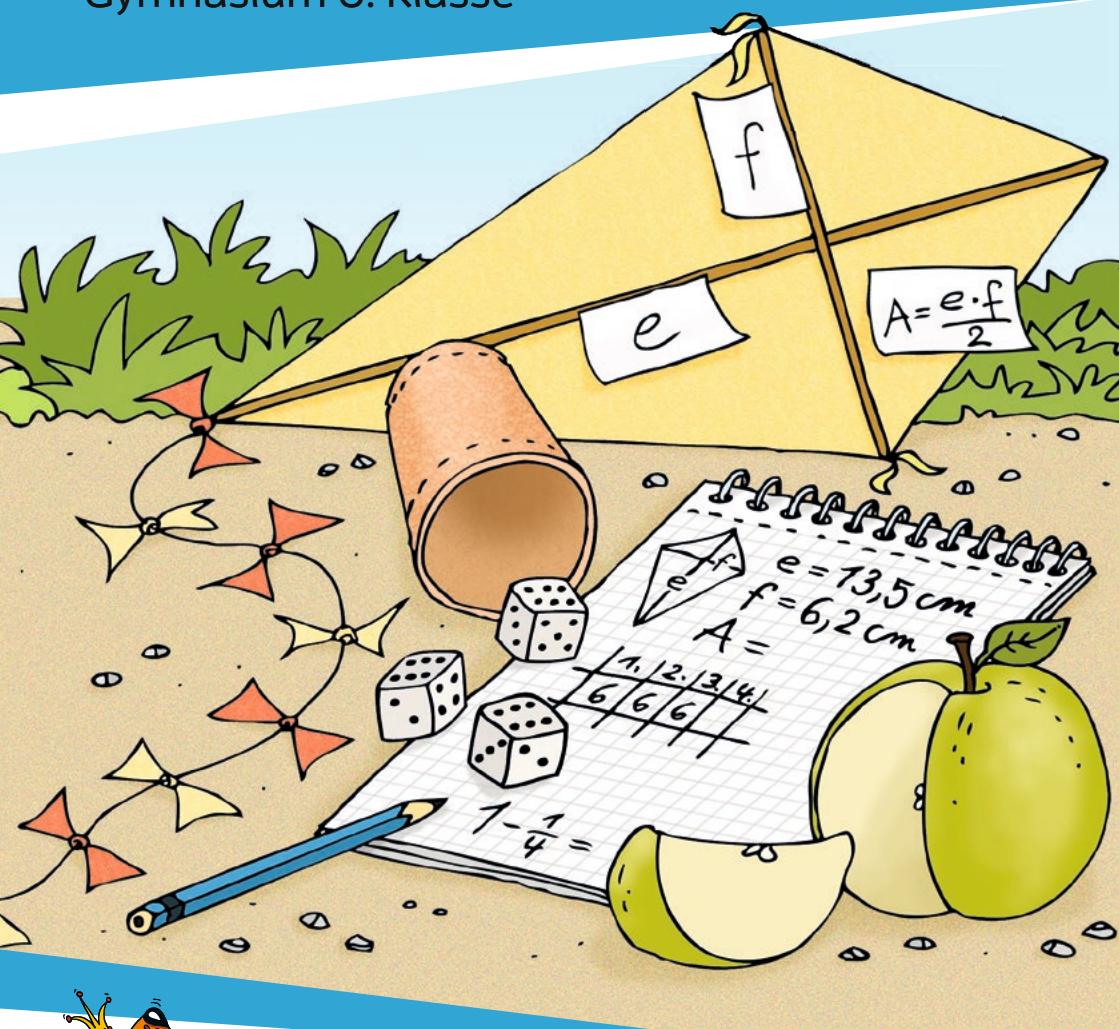


# Rechnen und Textaufgaben

Gymnasium 6. Klasse



gemeinsam  
wachsen lernen

**hauschkaverlag**

# Inhaltsverzeichnis

<b>Rationale Zahlen</b>	1
Bruchteile und ihre Darstellung	1
Anteil, Bruchteil, Ganzes berechnen	3
Echte und unechte Brüche	
– gemischte Schreibweise	6
Erweitern und kürzen	
– wertgleiche Brüche	7
Prozentschreibweise bei Brüchen	10
Bruchzahlen auf der Zahlengeraden	12
Vergleichen und ordnen	14
Addition und Subtraktion	17
Dezimale Schreibweise (endliche Dezimalbrüche)	21
Zehnerpotenzen	22
Vergleichen und ordnen von Dezimalbrüchen	23
Runden von Dezimalbrüchen	25
Umwandlung: Bruch in Dezimalbruch	26
Umwandlung: endlicher Dezimalbruch in Bruch	29
Sonderfall: Neunerbruch	30
Prozentschreibweise bei Dezimalbrüchen	30
Addition und Subtraktion von Dezimalbrüchen	31
Multiplikation und Division von Brüchen	34
Potenzen	37
Multiplikation von Dezimalbrüchen	39
Division von Dezimalbrüchen	42
Verbinden der Grundrechenarten – Terme	44
Hauschka Lernhilfen, Heft 156	
<b>© 2021 Hauschka Verlag GmbH</b>	
Lilienthalstr. 1, 82178 Puchheim	
Telefon +49 89 8940667-0	
Fax +49 89 8940667-69	
E-Mail: info@hauschkaverlag.de	
www.hauschkaverlag.de	
<b>Flächeninhalt und Volumen</b>	46
Flächeninhalt: Parallelogramm	46
Flächeninhalt: Dreieck	48
Flächeninhalt: Trapez	50
Oberflächeninhalte	52
Messen von Volumina und Volumeneinheiten	54
Volumen: Quader und zusammengesetzte Körper	55
<b>Daten und Zufallsexperimente</b>	61
Zufallsexperimente	61
Absolute und relative Häufigkeit	62
Das Gesetz der großen Zahlen	67
<b>Prozentrechnung u. Diagramme</b>	70
Die Grundgleichung der Prozentrechnung	70
Anwendung der Prozentrechnung	72
<b>Stichwortregister</b>	75
<b>Herausnehmbarer Lösungsteil</b>	
in der Heftmitte nach Seite	38
<b>Zeichenerklärung</b>	
 schwierige Aufgabe	
 Aufgabe zum Recherchieren	

**Verfasserinnen:** Susanne Simpson, Grafing;  
Tina Wefers, Ottenhofen

**Lektorat:** Agnes Spiecker, Freising

**Illustrationen:** Gisela Specht, München

**Gestaltung und Layout:** Sina Weiß, München

**Druck:** PASSAVIA Druckservice GmbH & Co. KG, Passau

Printed in Germany. Alle Rechte vorbehalten.

ISBN 978-3-88100-156-4

# Rationale Zahlen

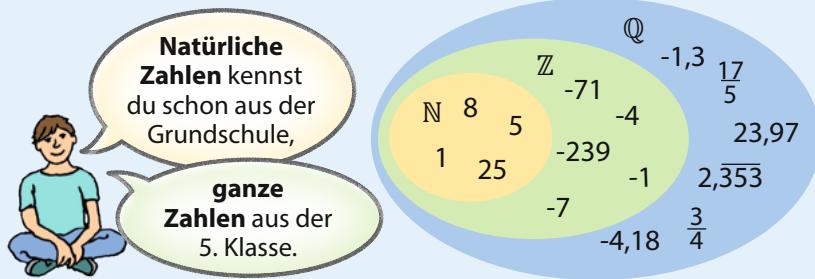
Die **Bruchzahlen** und ihre Gegenzahlen bilden zusammen die **Menge der rationalen Zahlen**. Jede rationale Zahl lässt sich als Quotient zweier ganzer Zahlen auffassen:

$$\frac{a}{b} = a : b \text{ für } a, b \in \mathbb{Z}; b \neq 0 \text{ (a, b sind Elemente aus } \mathbb{Z}; \text{ b darf nicht } 0 \text{ sein)}$$

Die Menge der rationalen Zahlen wird mit  $\mathbb{Q}$  bezeichnet und erweitert die bisher bekannten Zahlenräume  $\mathbb{N}$  und  $\mathbb{Z}$ .

Menge der natürlichen Zahlen:  $\mathbb{N}_0 = \{0; 1; 2; 3 \dots\}$

Menge der ganzen Zahlen:  $\mathbb{Z} = \{\dots -5; -4; -3; -2; -1; 0; 1; 2 \dots\}$



## Bruchteile und ihre Darstellung

Bruchteile von Ganzen lassen sich mit Hilfe von Brüchen darstellen.

Der **Nenner** des Bruchs gibt an, in **wie viele gleiche Teile das Ganze geteilt** wurde. Der **Zähler** gibt an, **wie viele dieser Teile man nimmt**.

Zähler  $\frac{Z}{N}$  ( $\triangleq$  Anzahl der Bruchteile)

Bruchstrich  $\frac{Z}{N}$  (steht für „von“ oder geteilt)

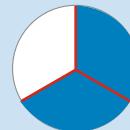
Nenner  $\frac{N}{N}$  ( $\triangleq$  Anzahl der Teile, in die das Ganze zerlegt wurde)

$\frac{2}{3}$  eines Kreises

ganzer Kreis  
 $\triangleq 360^\circ$



Kreis in **3 gleiche Stücke** geteilt  
 $360^\circ : 3 = 120^\circ$



**2 dieser Stücke**  
 $2 \cdot 120^\circ = 240^\circ$

# Addition und Subtraktion von Bruchzahlen

Man addiert/subtrahiert gleichnamige Brüche, indem man nur die **Zähler addiert/subtrahiert** und den **Nenner beibehält**.

$$\frac{4}{7} + \frac{2}{7} = \frac{4+2}{7} = \frac{6}{7}$$

$$\frac{4}{7} - \frac{2}{7} = \frac{4-2}{7} = \frac{2}{7}$$

Man addiert/subtrahiert **ungleichnamige Brüche**, indem man die Brüche zuerst durch Kürzen oder Erweitern **auf den gleichen Nenner bringt** und anschließend die nun gleichnamigen Brüche addiert/subtrahiert.

$$\frac{2}{5} + \frac{1}{3} = \frac{6}{15} + \frac{5}{15} = \frac{11}{15}$$

$$\frac{2}{5} - \frac{1}{3} = \frac{6}{15} - \frac{5}{15} = \frac{1}{15}$$

Beim Addieren/Subtrahieren von Brüchen in **gemischter Schreibweise** kann man die Ganzen und die Brüche getrennt voneinander addieren/subtrahieren oder die gemischten Zahlen in unechte Brüche umwandeln und dann addieren/subtrahieren.

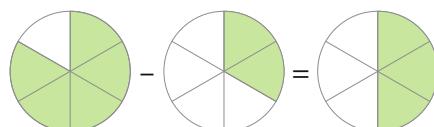
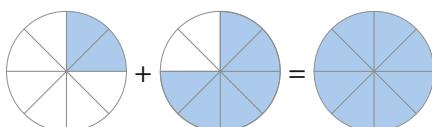
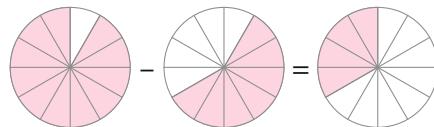
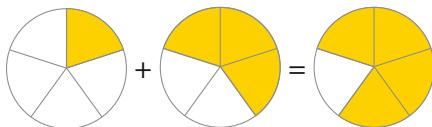
$$1\frac{1}{2} + 1\frac{3}{4} = (1+1) + \left(\frac{2}{4} + \frac{3}{4}\right) = 2\frac{5}{4} = 3\frac{1}{4}$$

$$1\frac{1}{2} + 1\frac{3}{4} = \frac{3}{2} + \frac{7}{4} = \frac{6}{4} + \frac{7}{4} = \frac{13}{4} = 3\frac{1}{4}$$

$$4\frac{1}{2} - 1\frac{3}{4} = 4\frac{2}{4} - 1\frac{3}{4} =$$

$$3\frac{6}{4} - 1\frac{3}{4} = 2\frac{3}{4}$$

**36** Schreibe unter jedes Bild eine dazu passende Rechnung.



# Division von Dezimalbrüchen

## Division durch eine natürliche Zahl

Dividiere die Dezimalzahl wie eine natürliche Zahl. Beachte dabei:

Wenn du das **Komma im Dividenden überschreitest**, setzt du auch im **Ergebnis ein Komma**.

$$\begin{array}{r} 13,52 : 4 = 3,38 \\ \underline{12} \\ 15 \\ \underline{12} \\ 32 \\ \underline{32} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9,84 : 12 = 0,82 \\ \underline{96} \\ 24 \\ \underline{24} \\ 0 \end{array}$$

## Division durch eine Dezimalzahl

Hier verschiebst du zuerst das Komma bei beiden Zahlen soweit nach rechts, bis der Divisor eine natürliche Zahl ist. Nun kannst du wie oben beschrieben vorgehen.

$$\begin{array}{r} 13,52 : 0,4 = 135,2 : 4 = 33,8 \\ \underline{12} \\ 15 \\ \underline{12} \\ 32 \\ \underline{32} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9,84 : 1,2 = \\ 98,4 : 12 = 8,2 \end{array}$$

**98** Berechne auf deinem Block.

$3,45 : 5 =$

$5,28 : (-2,4) =$

$2,76 : 2,3 =$

$0,886 : 0,02 =$

$-31,2 : 12 =$

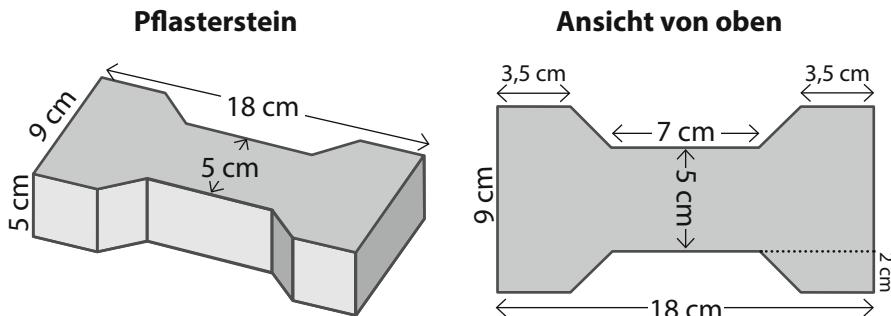
  $24,92 : 1,12 =$

**99** Lea schneidet von ihrer selbstgebackenen Erdbeerroulade gleich dicke (3,5 cm) Stücke ab. Wie viele solcher Stücke erhält sie, wenn die gesamte Roulade 45,5 cm lang war?



**138** Lea, Tim und ihre Eltern wollen einen neuen Gehweg zum Haus pflastern.  
Zur Auswahl der Pflastersteine sind sie zur Firma Vielfalt gefahren.

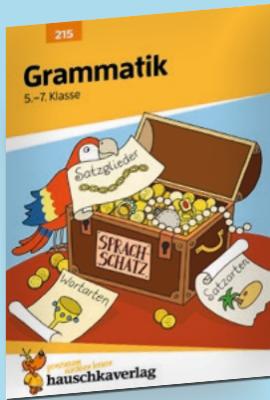
Sie haben sich für den folgenden Pflasterstein entschieden.



- Berechne das Volumen. Zerlege dazu den Pflasterstein so, dass ein oder mehrere Quader entstehen.
- Bestimme die Masse eines Pflastersteins, wenn  $1 \text{ cm}^3$  ausgehärteter Beton 2,8 g wiegt.
- Welche Masse hätte der Pflasterstein, wenn er aus Silber wäre?  
Recherchiere selbst, was  $1 \text{ cm}^3$  Silber wiegt.

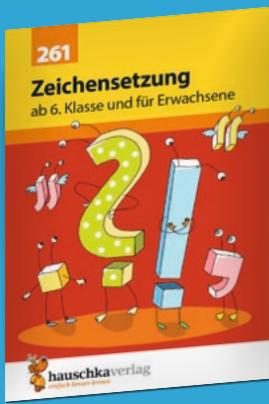


# Üben, lernen und Spaß haben mit weiteren Titeln aus dem Hauschka Verlag:



ab 5. Klasse

ab 5. Klasse



Quellenverzeichnis: fotolia.de

- Seite 20: Move. Cardboard boxes and cleaning things for moving into a new home © lordn  
Seite 22: Close up head with hair and scalp © NormanOl  
Seite 40: Modern black tablet computer © Roman Samokhin  
Seite 42: Biskuitrolle © Corinna Gissemann  
Seite 45: Erdbeermarmelade im Glas auf weißem Hintergrund © Harald Biebel  
Seite 55: Sports Shoe, Shoe, Isolated. © BillionPhotos.com  
Seite 57: A young woman holds a large cluster of amethyst © Charlie  
Seite 59: Paving stone worker © Belish  
Seite 66: Autobahn, Stau, Ferien, Urlaub, Sonntag, Feiertag © Tatjana Balzer  
Seite 71: Ice cream sandwich package design © HstrongART



## Rechnen und Textaufgaben

6. Klasse Gymnasium

- viele wichtige Bereiche aus dem Mathematikunterricht
- lehrplanorientiert
- mit Merkkästen zum besseren Verständnis
- vielseitige Aufgaben
- zum selbstständigen Arbeiten geeignet
- mit herausnehmbarem Lösungsteil

Noch mehr Titel unter  
**[www.hauschkaverlag.de](http://www.hauschkaverlag.de)**

ISBN 978-3-88100-156-4



[D] € 7,90  
[A] € 8,10